

本科目不得使用計算機

本科目試題共 2 頁

一、單一選擇題（計二十題，共一百分）：

- 設 x, y 為正整數，且 $xy=5400$ ，若 x, y 均為偶數，則數對 (x, y) 共有幾組解？ (A) 22 (B) 24 (C) 26 (D) 28 (E) 30。
- 直線 $L: (a-2)y = (3a-1)x - 1$ ，不論 a 為何值，直線 L 恆過 (A) 第一象限 (B) 第二象限 (C) 第三象限 (D) 第四象限。
- 一等差數列 $\{a_n\}$ 中， $a_8=65$ ， $a_{20}=-31$ ，則 S_n 的最大值 S_k ， k 值為 (A) 15 (B) 16 (C) 17 (D) 18 (E) 19。
- a, b 表相異二正奇數， $1 \leq a < b \leq 9$ ，若 $p=0.\overline{ab}$ ， $q=0.\overline{aba}$ ，且 $p-q$ 之最小值為 $\frac{n}{3^3 \times 11 \times 37}$ ，則 $n=$ (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4 (E) 5。
- $f(x)$ 為一多項式，且 $\deg(f(x)) > 0$ ，已知 $f(f(x)) = x^3 x (f(x))^2$ ，則 $f(x)$ 的次數為 (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4 (E) 5。
- 設 $f(x) = (m^2+n^2)x^2 + 2(m+n)x + 2$ ， m, n 為實數，則下列哪一個條件下可使 $f(x)$ 恆大於 0？ (A) $mn=0$ (B) $mn \neq 0$ (C) $m^2+n^2 \neq 0$ (D) $m \neq n$ (E) $m+n \neq 0$ 。
- 參數方程式 $\begin{cases} x=2+\cos 2\theta \\ y=-1+2\sin^2 \theta \end{cases}$ ， θ 為實數的圖形是 (A) 直線 (B) 線段 (C) 射線 (D) 兩條射線的聯集 (E) 以上皆非。
- 兩點 $A(1, 1, 2)$ ， $B(3, 1, 0)$ 對稱於平面 $ax+by+cz=1$ ，則 (A) $a > b > c$ (B) $a < b < c$ (C) $b > a > c$ (D) $b < a < c$ 。
- 試解方程組 $\begin{cases} \frac{3x-2y}{xy} = -4 \\ \frac{xy}{x+4y} = 1 \end{cases}$ 得數對 (x, y) 之解為 (A) $(2, -1)$ (B) $(0, 0)$ (C) $(1, -2)$ (D) $(4, 2)$ (E) $(3, 3)$ 。
- 一球面 S 被 xy 平面所截之圓為 $(x+1)^2 + (y-3)^2 = 36$ ，且球面過點 $(5, 6, 3)$ ，則此球面方程式為 (A) $(x+1)^2 + (y-3)^2 + (z+1)^2 = 61$ (B) $(x+1)^2 + (y-3)^2 + (z-1)^2 = 49$ (C) $(x+1)^2 + (y-3)^2 + (z-3)^2 = 45$ (D) $(x+1)^2 + (y-3)^2 + (z-4)^2 = 46$ (E) $(x+1)^2 + (y-3)^2 + (z-5)^2 = 49$ 。
- 設 $f(x)$ 除以 $(x-\frac{3}{2})$ 得商式 $Q(x)$ ，餘式為 r ，則 $f(x)$ 除以 $(2x-3)$ 得 (A) 商式 $2Q(x)$ ，餘式 $2r$ (B) 商式 $2Q(x)$ ，餘式 r (C) 商式 $\frac{1}{2}Q(x)$ ，餘式 $\frac{1}{2}r$ (D) 商式 $\frac{1}{2}Q(x)$ ，餘式 r (E) 商式 $Q(x)$ ，餘式 r 。

本科目不得使用計算機

本科目試題共 2 頁

12. 已知圓 $x^2+y^2=9$ ，則斜率為 $\frac{1}{2}$ 之切線方程式為 (A) $y=\frac{1}{2}x\pm\frac{3\sqrt{3}}{2}$ (B) $y=\frac{1}{2}x\pm\frac{2\sqrt{5}}{3}$ (C) $y=\frac{1}{2}x\pm\frac{5\sqrt{2}}{2}$ (D) $y=\frac{1}{2}x\pm\frac{3\sqrt{2}}{2}$ (E) $y=\frac{1}{2}x\pm\frac{3\sqrt{5}}{2}$ 。
13. 解方程組 $\begin{cases} x-2y+z=0 \\ 2x+y-z=1 \\ 3x-y+2z=7 \end{cases}$ ，可得序組 $(x, y, z) =$ (A) $(1, 2, 3)$ (B) $(2, 3, 4)$ (C) $(-1, -2, -3)$ (D) $(0, 0, 0)$ (E) $(1, 2, -3)$ 。
14. 設 $a=t^2+3$, $b=-t^2-2t+3$, $c=4t$ ，若 a, b, c 皆為正數，則 (A) $1 < t < 3$ (B) $0 < t < 1$ (C) $t > 0$ (D) $-3 < t < 1$ (E) $t > 3$ 。
15. 設 $a=0.20\bar{2}$, $b=0.2\bar{02}$, $c=0.\bar{202}$ ，則下列何者正確？ (A) $a > b > c$ (B) $c > b > a$ (C) $a > c > b$ (D) $b > a > c$ (E) $b > c > a$ 。
16. 直線過點 $(2, -3)$ ，且在第四象限與兩軸所形成的三角形面積最小時，則直線方程式為 (A) $2x-3y=12$ (B) $2x+3y=12$ (C) $3x-2y=12$ (D) $3x+2y=12$ (E) $2x-3y=1$ 。
17. 已知數列 $\{a_n\}$ 由 $a_1=5$, $a_n=a_{n-1}+a_{n-2}+\cdots+a_2+a_1$ 所定義，其中 $n=2, 3, 4, \dots$ ，則 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{a_n}$ 的值為 (A) 0 (B) $\frac{1}{5}$ (C) $\frac{2}{5}$ (D) $\frac{3}{5}$ (E) 1。
18. 設 a, b 為整數， x^2+x+b 是 $f(x) = 2x^4+5x^3+ax^2+4x-4$ 的因式。若滿足不等式 $f(x) < 0$ 的 x 範圍為區間 (α, β) ，則 $\beta =$ (A) $\frac{1}{2}$ (B) 1 (C) 2 (D) $\frac{-1+\sqrt{5}i}{2}$ (E) $\frac{-1+\sqrt{7}i}{2}$ 。
19. 由正方體（各面均為正方形之六面體）的頂點所決定之平面共有 (A) 6 (B) 8 (C) 12 (D) 20 (E) 28 個。
20. 曲線 $y=\sqrt{1-x^2}$ 與直線 $y=x+k$ 之關係為 (A) 若 $-\sqrt{2} < k < \sqrt{2}$ 時有交點 (B) $k=2$ 或 $-1 < k \leq 1$ 時有一交點 (C) $1 < k < \sqrt{2}$ 時有兩個交點 (D) $k > \sqrt{2}$ 或 $k < -1$ 時無交點 (E) $k > \sqrt{2}$ 或 $k < -\sqrt{2}$ 時無交點。